Chapitre 2: Listes, dictionnaires, tris

4 Exercices

Exemple 4.1 (Matrices et dictionnaires).

1. Comment peut-on manipuler des matrices en Python en utilisant un dictionnaire?

On s'intéresse ici aux matrices parcimonieuses, c'est-à-dire dont la plupart des coefficients sont nuls. Une telle matrice M de dimensions (n, p) pourra être codée par un dictionnaire ayant pour couples clefs/valeurs :

- 'dim' : (n,p)
- $(i,j): M_{ij}$ pour chaque couple (i,j) tel que $M_{i,j} \neq 0$.
- 2. Donner le dictionnaire qui code la matrice : $\begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 4 & 0 \end{pmatrix}$.
- 3. Proposer une fonction d'addition de deux matrices de même dimension.
- 4. Si la première matrice contient c coefficients non nuls et la seconde c', quelle est la complexité temporelle de cet algorithme?

Exemple 4.2 (Tri par dénombrement). Soit N un entier naturel non nul. On cherche à trier une liste L d'entiers naturels strictement inférieurs à N.

- 1. Écrire une fonction comptage, d'arguments L et \mathbb{N} , renvoyant une liste \mathbb{P} dont le k-ième élément désigne le nombre d'occurrences de l'entier k dans la liste \mathbb{L} .
- 2. Utiliser la liste P pour en déduire une fonction tri, d'arguments L et N, renvoyant la liste L triée dans l'ordre croissant.
- 3. Quelle est la complexité temporelle de cet algorithme? La comparer à la complexité d'un tri par insertion ou d'un tri fusion.